Az eltűnt négyzet

Kellékek:

Első kellék: Négy darab vastag fehér papírból kivágott egyforma négyszög. Mindegyik négyszögnek van egy *a* oldala és van egy *b* oldala, amelyek szomszédosak. Mindegyik síkidomnak van két *p* oldala, amelyek egymással szintén szomszédosak. Az *a*, *b*, *p* oldalhosszakra a következő összefüggések teljesülnek, ahol *s* és *t* olyan számok, melyekre teljesül, hogy *s*>>*t*, azaz *s* értéke jóval nagyobb *t* értékénél: (pl.: *s*=10, *t*=1)

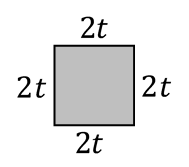
Ekkor könnyen igazolható, hogy 2*p* nem sokkal, de nagyobb az *a* és *b* összegénél.

Továbbá mindegyik négyszögben a szomszédos *p* oldalak derékszöget zárnak be egymással, ekkor a Pitagorasz-tétel és annak megfordításának alkalmazásával könnyen igazolható, hogy mindegyik négyszögben a szomszédos *a* és *b* oldalak szintén derékszöget zárnak be.

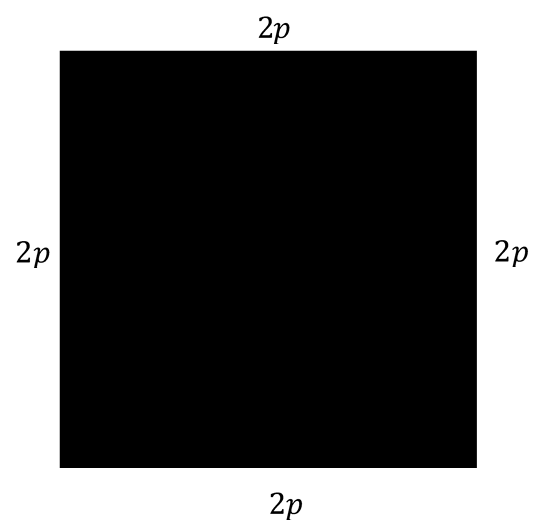
Mindegyik papírból kivágott négyszögnek két oldala van. Mindegyik négyszög előoldalán a szomszédos *p* oldalak találkozásában egy *t* oldalú négyzetet kell rajzolni. Célszerű mindegyik négyszög előoldalán a szomszédos *a* és *b* oldalak közé egy aprócska pöttyöt tenni, ami a bűvésznek segítséget jelent, de nem baj, ha a pöttyöket a néző is látja. Szintén célszerű mindegyik négyszög hátoldalán a szomszédos *p* oldalak közé egy aprócska pöttyöt tenni, ami a bűvésznek segítséget jelent, de szintén nem baj, ha a pöttyöket a néző is látja. A fehér papírból kivágott négyszögek az alábbi táblázatban láthatóak:

|  |  |
| --- | --- |
| előoldal | hátoldal |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

Második kellék: Egy oldalú szürke négyzet.



Harmadik kellék: Egy felül nyitott doboz, amelynek alapterülete oldalú négyzet.

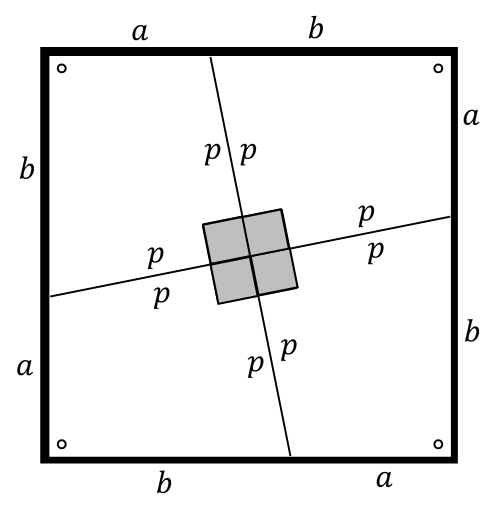


Előadás:

Előzőleg a bűvész félreteszi egy nem feltűnő helyre a oldalú szürke négyzetet, erről a nézőnek a mutatvány elején nem kell tudnia.

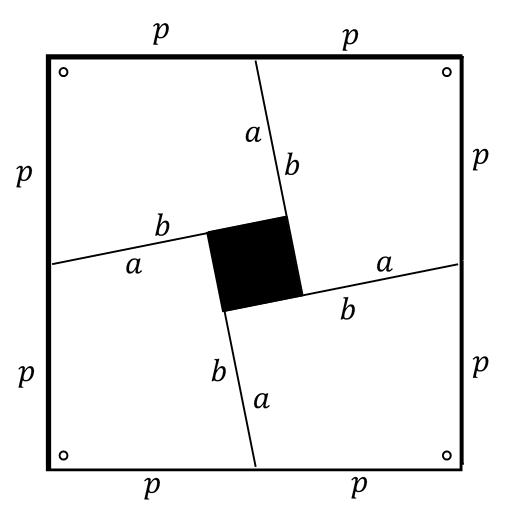
A bűvész megmutatja az üres dobozt a nézőnek, a néző akár ellenőrizheti is a dobozt. A bűvész megmutatja a papírból kivágott négyszögeket is a nézőnek.

Ezután a bűvész a dobozba az alábbi ábrán látható módon teszi a papírból kivágott négyszögeket, úgy hogy mindegyik négyszögnek az előoldala nézzen felfelé, és mindegyik négyszögnek a pöttyös derékszögű csúcsa a doboz sarkaiban legyenek. Ekkor a négy, papírból kivágott négyszögben a szomszédos *p* oldalak közös végpontjában levő szürke négyzetek a doboz közepén egy oldalú szürke négyzetté állnak össze. Ez a négyszögek első elrendezése.



A bűvész felhívja a néző figyelmét, hogy a doboz alját a papírból kivágott négyszögek hézag nélkül lefedik, a négyszögek nem fedik egymást, és a doboz közepén egy szürke négyzet van.

Ezután a bűvész a doboz rázásával a papírból kivágott négyszögeket összekeveri. Ezután a bűvész a dobozba az alábbi ábrán látható módon teszi a papírból kivágott négyszögeket, úgy hogy mindegyik négyszögnek a hátoldala nézzen felfelé, és mindegyik négyszögnek a pöttyös derékszögű csúcsa a doboz sarkaiban legyenek. Ez a négyszögek második elrendezése.



A bűvész felhívja a néző figyelmét, hogy a papírból kivágott négyszögek a doboz alját hézag nélkül lefedik a doboz közepének kivételével, a négyszögek nem fedik egymást, ahonnan a oldalú szürke négyzet eltűnt.

Ezután a bűvész előveszi a mutatvány előtt nem feltűnő helyre eldugott oldalú szürke négyzetet, és megmutatja a nézőnek.

Magyarázat:

Igazából nem tűnik el a szürke négyzet a második elrendezés során, ott van a papírból kivágott négyszögek alsó oldalán. Valójában az első rendezés során a négy darab papírból kivágott négyszögek egy oldalú négyzetet fednek le a doboz alján, ami alig kisebb, mint a oldalú négyzet, amelybe a második elrendezés során a papírból kivágott négyszögek elférnek.

Könnyen számolható, hogy a oldalú négyzet területe pontosan egy oldalú négyzet területével több, mint az négyzet területe, így a második elrendezés során a papírból kivágott négyszögek a doboz alján egy oldalú négyzetet nem fednek le. Igazából ez a második elrendezés során le nem fedett négyzet az első elrendezés során látható szürke négyzet helye.

Például, ha *s*=10cm, *t*=1cm, akkor =9 cm, =11 cm, továbbá =10,05 cm, így =20 cm, =20,1 cm, azaz ebben a példában egy 20,1 cm oldalú négyzet alapterületű doboz kell. Ebben a példában az első elrendezés során a papírból kivágott négyszögek egy 20 cm oldalú négyzetben elférnek, ez a 20 cm oldalú négyzet oldala 1 mm-rel kisebb a doboz alapterületének oldalánál, így az első elrendezés során a papírból kivágott négyszögek alig lötyögnek a doboz alján. A második elrendezés során a papírból kivágott négyszögek szorosan elférnek egymás mellett, de középen egy =2 cm oldalú négyzetet nem fednek le a papírból kivágott négyszögek.